

1. Să se arate că pentru $x \in R$:

a. $\sin 3x = 3 \sin x - 4 \sin^3 x$

b. $\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$

2. Să se arate că, pe domeniul de existență:

a. $\operatorname{ctg}(x - y) = \frac{\operatorname{ctg} x \cdot \operatorname{ctg} y + 1}{\operatorname{ctg} y - \operatorname{ctg} x}$

$$\operatorname{ctg}(x + y) = \frac{\operatorname{ctg} x \cdot \operatorname{ctg} y - 1}{\operatorname{ctg} y + \operatorname{ctg} x}$$

b. $\operatorname{tg} 2x = \frac{2 \operatorname{tg} x}{1 - \operatorname{tg}^2 x}$

$$\operatorname{ctg} 2x = \frac{\operatorname{ctg}^2 x - 1}{2 \operatorname{ctg} x}$$

3. Să se arate că :

a. $\frac{\operatorname{tg} 15^\circ + \operatorname{ctg} 15^\circ}{\cos 15^\circ - \sin 15^\circ} = 4\sqrt{2}$

b. $\frac{1}{\cos^2 15^\circ} + \frac{1}{\sin^2 15^\circ} = 16$

4. Să se demonstreze că au loc egalitățile pe domeniul de existență

a. $\sin 2x = \frac{2 \operatorname{tg} x}{1 + \operatorname{tg}^2 x}$

b. $\cos 2x = \frac{1 - \operatorname{tg}^2 x}{1 + \operatorname{tg}^2 x}$

c. $\operatorname{tg} 2x = \frac{2 \operatorname{tg} x}{1 - \operatorname{tg}^2 x}$

d. $\operatorname{ctg} 2x = \frac{1 - \operatorname{tg}^2 x}{2 \operatorname{tg} x}$

e. $\operatorname{tg} x = \frac{\sin 2x}{1 + \cos 2x}$

f. $\operatorname{tg} x = \frac{1 - \cos 2x}{\sin 2x}$