

**Examenul național de bacalaureat 2022**  
**Proba E. c)**

**Matematică M\_tehnologic**

**Varianta 7**

*Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale*

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

- |           |  |
|-----------|--|
| <b>5p</b> | 1. Arătați că $1 + 6 \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right) = 6$ .   |
| <b>5p</b> | 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , $f(x) = x - 2$ . Arătați că $f(3) - f(2) = 1$ .  |
| <b>5p</b> | 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{3x+1} = 2$ .   |
| <b>5p</b> | 4. Determinați probabilitatea ca, alegând un număr $n$ din mulțimea $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ , numărul $10 - n$ să fie par.                     |
| <b>5p</b> | 5. În reperul cartezian $xOy$ se consideră punctele $A(a, 0)$ și $B(a, 6)$ , unde $a$ este număr real. Arătați că $AB = 6$ , pentru orice număr real $a$ . |
| <b>5p</b> | 6. Se consideră triunghiul $ABC$ dreptunghic în $A$ , cu $AB = 5$ și $AC = 2AB$ . Arătați că aria triunghiului $ABC$ este egală cu 25.                     |

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

- |           |  |
|-----------|--|
| <b>5p</b> | 1. Se consideră matricele $A = \begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ , $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ și $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ . |
| <b>5p</b> | a) Arătați că $\det A = -2$ .  |
| <b>5p</b> | b) Arătați că $A - 4I_2 = 3B$ .  |
| <b>5p</b> | c) Determinați matricea $X \in \mathcal{M}_2(\mathbb{R})$ pentru care $X + X \cdot B = A$ .  |
| <b>5p</b> | 2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compozitie $x * y = xy(x + y - 4)$ .  |
| <b>5p</b> | a) Arătați că $2 * 3 = 6$ .  |
| <b>5p</b> | b) Determinați numerele reale $x$ pentru care $1 * x = 4$ .  |
| <b>5p</b> | c) Determinați numărul real $x$ pentru care $2^x * 2^x = 2^{3x}$ .   |

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

- |           |   |
|-----------|---|
| <b>5p</b> | 1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , $f(x) = x^3 - 9x^2 + 3$ .   |
| <b>5p</b> | a) Arătați că $f'(x) = 3x(x - 6)$ , $x \in \mathbb{R}$ .  |
| <b>5p</b> | b) Determinați intervalele de monotonie a funcției $f$ .  |
| <b>5p</b> | c) Arătați că $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f'(x) - f'(1)}{3f(x) - xf'(x)} = \frac{2}{3}$ .   |
| <b>5p</b> | 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , $f(x) = (x - 1)e^x$ .   |
| <b>5p</b> | a) Arătați că $\int_0^2 \frac{f(x)}{e^x} dx = 0$ .  |
| <b>5p</b> | b) Arătați că $\int_0^1 f(x) dx = 2 - e$ .  |
| <b>5p</b> | c) Determinați numărul natural $n$ , $n > 2$ , pentru care $\int_2^n \frac{x}{f(x) \cdot f(-x)} dx = \frac{1}{2} \ln \frac{3}{8}$ . |