



Examenul de bacalaureat național 2023

Proba E. c)

Matematică M\_tehnologic

Clasa a XII-a

Simulare-Variantă 2

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale.

• Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.

• Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 5p** 1. Arătați că  $(1 - \frac{1}{2}; 2) \cdot 4 = 3$ .
- 5p** 2. Se consideră funcția  $f : R \rightarrow R$ ,  $f(x) = x^2 - 5x - 6$ . Determinați coordonatele punctelor de intersecție ale graficului funcției  $f$  cu axa  $Ox$ .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $\log_3(5 - x) = 2$ .
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de o cifră, acesta să fie multiplu de 3.
- 5p** 5. În reperul cartezian  $xOy$  se consideră punctele  $A(-1,3)$  și  $B(-5,5)$ . Determinați lungimea medianei din  $O$  a triunghiului  $OAB$ .
- 5p** 6. Se consideră triunghiul  $ABC$  dreptunghic în  $A$ , cu măsura unghiului  $B$  egală cu  $45^\circ$  și  $BC = 6$ . Calculați aria triunghiului  $ABC$ .

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1. Se consideră matricele  $A = \begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  și  $X(a) = I_2 + a \cdot A$ ,  $a \in R$ .
- 5p** a) Arătați că  $\det A = 0$ .
- 5p** b) Determinați numărul real  $x$  astfel încât  $A^2 = xA$ .
- 5p** c) Determinați numărul natural  $n$  astfel încât  $X(1) + X(3) + X(5) + \dots + X(51) = n \cdot X(26)$ .
2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compozitie  $x \circ y = x + y + \frac{xy}{3}$ , pentru orice  $x, y \in R$ .
- 5p** a) Calculați  $5 \circ (-3)$ .
- 5p** b) Rezolvați în mulțimea numerelor reale inecuația  $x \circ (x - 3) \geq -3$ .
- 5p** c) Determinați numărul real  $m$  astfel încât  $2^m \circ 2^m = \frac{16}{3}$ .

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1. Se consideră funcția  $f : R \setminus \{2\} \rightarrow R$ ,  $f(x) = \frac{x^2}{2-x}$ .
- 5p** a) Arătați că  $f'(x) = \frac{x(4-x)}{(2-x)^2}$ ,  $x \in R \setminus \{2\}$ .
- 5p** b) Determinați ecuația asimptotei oblice spre  $+\infty$  a graficului funcției  $f$ .
- 5p** c) Demonstrați  $f(x) + f(y) \leq -16$ , pentru orice  $x, y \in (2, +\infty)$ .
2. Se consideră funcțiile  $f, g : R \rightarrow R$ ,  $f(x) = x^2 e^x$ ,  $g(x) = x(x+2)e^x$ .
- 5p** a) Demonstrați că funcția  $f$  este o primitivă a funcției  $g$ .
- 5p** b) Calculați  $\int \frac{g(x)}{f(x)} dx$ ,  $x \in (0, +\infty)$ .
- 5p** c) Demonstrați că orice primitivă a funcției  $h : (-1, \infty) \rightarrow R$ ,  $h(x) = f(x) - g(x)$  este concavă.