



EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a

Anul școlar 2022 – 2023 Matematică - Simulare județeană

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

☑ Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I și SUBIECTUL al II-lea

☑ Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.

☑ Nu se acordă punctaje intermediare.

SUBIECTUL al III-lea

☑ Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.

☑ Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

SUBIECTUL I - Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect. (30 puncte)

1.	d	5p
2.	c	5p
3.	c	5p
4.	a	5p
5.	b	5p
6.	b	5p

SUBIECTUL al II-lea - Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect. (30 puncte)

1.	d	5p
2.	c	5p
3.	c	5p
4.	d	5p
5.	b	5p
6.	c	5p

1.	a) Dacă se așează câte 3 în bancă rezultă că sunt 11 bănci ocupate + 3 goale, deci 14 bănci Apoi $14x + 3 = 31 \neq 33$ cât am presupus că ar fi. Deci răspunsul este negativ, nu pot fi 33 de elevi.	1p 1p
	b) Notăm cu $y =$ nr. bănci și $x =$ nr. elevi. Avem $2y + 3 = x$ și $3(y - 3) = x$ Sau $2y + 3 = 3y - 9 \Rightarrow 3 + 9 = 3y - 2y \Rightarrow y = 12$ bănci. $x = 2 \cdot 12 + 3 = 27$ elevi	1p 1p 1p
	a) $E(x) = 4x^2 + 4x + 1 - 2x^2 + 4x - 2 - x^2 + 16 = x^2 + 8x + 15$ $E(x) = x^2 + 3x + 5x + 15 = x(x+3) + 5(x+3) = (x+3)(x+5)$	2p 1p
2.	b) $x^2 + 3x + 5x + 15 - x^2 - 2x = 3$ $6x = -12 \Rightarrow x = -2 \quad S = \{-2\}$.	1p 1p
	3.	a) $a^2 = (\sqrt{3 + 2\sqrt{2}} - \sqrt{3 - 2\sqrt{2}})^2 = 3 + 2\sqrt{2} - 2\sqrt{(3 + 2\sqrt{2})(3 - 2\sqrt{2})} + 3 - 2\sqrt{2}$ $a^2 = 6 - 2\sqrt{9 - 8} = 6 - 2 \cdot 1 = 4$



<p>b) $b = 2 - \sqrt{3} + \sqrt{3} + 1$ $b = 2 - \sqrt{3} + \sqrt{3} + 1 = 3$ Numarul $a^2 + 20 \cdot b = 4 + 20 \cdot 3 = 4 + 60 = 64 = 8^2$ este număr pătrat perfect.</p>	<p>1p 1p 1p</p>
<p>4. a) $DE \parallel AC \stackrel{TFA}{\Rightarrow} \triangle BDE \sim \triangle BAC \Rightarrow \frac{BD}{BA} = \frac{BE}{BC} = \frac{DE}{AC}$ sau $\frac{6}{18} = \frac{10}{BC} = \frac{8}{AC}$ de unde $BC = \frac{18 \cdot 10}{6} = 30$ cm și $AC = \frac{18 \cdot 8}{6} = 24$ cm. $P_{\triangle ABC} = 18 + 30 + 24 = 72$ cm.</p>	<p>1p 1p 1p</p>
<p>b) Verificăm cu RTP dacă $\triangle ABC$ este dr. $BC^2 = AB^2 + AC^2$. $30^2 = 18^2 + 24^2$ (A) Atunci $\sin(\sphericalangle ECA) = \sin(\sphericalangle BCA) = \frac{AB}{BC} = \frac{18}{30} = \frac{3}{5}$</p>	<p>1p 1p</p>
<p>5. a) $\triangle ADC$, $\sphericalangle D = 90^\circ \Rightarrow AC^2 = AD^2 + DC^2 \Rightarrow AD = 40$ cm, $DP \perp AE \Rightarrow DP = \frac{AD \cdot DC}{AC} = \frac{30 \cdot 40}{50} = 24$ cm $\triangle DCP$, $\sphericalangle P = 90^\circ \Rightarrow DC^2 = PD^2 + PC^2 \Rightarrow PC = 18$ cm. PC înălțime în DCF ($DF = DC = r$) PD mediana $\Rightarrow FC = 2PC = 36$ cm</p>	<p>1p 1p</p>
<p>a) $\sphericalangle EBC = \frac{1}{2} \widehat{EFC}$ și $\sphericalangle BEF = \frac{1}{2} \widehat{BCF} \Rightarrow \sphericalangle EBC + \sphericalangle BEF = \frac{360}{2} = 180$; unghiuri interne de aceeași parte a secantei $\Rightarrow BC \parallel EF \Rightarrow BCFE$ trapez (1), $BC \parallel EF \Rightarrow \widehat{BE} \equiv \widehat{CF} \Rightarrow BE \equiv CF$ (2) Din (1) și (2) $\Rightarrow BCFE$ trapez isoscel $\triangle AEF \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC} \Rightarrow EF = 16,8$ cm $P_{BCFE} = 148,8$ cm</p>	<p>1p 1p 1p</p>
<p>6. a) Avem $VA = VB = VC = AB = BC = CD = 6$ cm. În $\triangle VDC$, MN – linie mijlocie $\Rightarrow MN = \frac{DC}{2} = 3$ cm În $\triangle VDB$, MO – linie mijlocie $\Rightarrow MO = \frac{VB}{2} = 3$ cm și în $\triangle VCA$, NO – linie mijlocie $\Rightarrow NO = \frac{VA}{2} = 3$ cm Avem deci $MN = MO = NO \Rightarrow P_{\triangle MON} = 3MN = 3 \cdot 3 = 9$ cm</p>	<p>1p 1p 1p</p>
<p>b. Avem $MN \parallel DC$ și $DC \parallel AB \Rightarrow MN \parallel AB$ și $AB \subset (VAB)$ $\Rightarrow MN \parallel (VAB)$ (1). $NO \parallel VA$, $VA \subset (VAB) \Rightarrow NO \parallel (VAB)$ (2). Din (1) și (2) $\Rightarrow (MON) \parallel (VAB)$.</p>	<p>1p 1p</p>